



## مقارنة بين طرائق المربعات الصغرى و متوسطات الميول في حساب معامل الانحدار الخطي البسيط

إعداد الطالب :

سعد عوض محمد الثبيتي

إشراف الأستاذ الدكتور:

ربيع سعيد طه

رسالة مقدمة إلى قسم علم النفس، الإحصاء والبحوث – كلية التربية – جامعة أم القرى  
متطلب تكميلي لنيل درجة الماجستير في علم النفس تخصص الإحصاء والبحوث

## الملخص

هدفت الدراسة إلى مقارنة بين طرقيتي المربعات الصغرى ومتواسطات الميول في حساب معامل الانحدار الخطى البسيط وقد اعتمدت هذه الدراسة على المنهج الوصفي المقارن عن طريق استخدام أسلوب المحاكاة وذلك بتوليد بيانات فى برنامج الأكسل تحتوى على أربعة وثلاثين عنصراً تم تقسيمها على ثلاثة أنماط ( تقارب المسافات بين قيم المتغير المستقل – تباعد المسافات بين قيم المتغير المستقل – وجود قيمة شاذة بين عناصر المتغير التابع ).

وبعد إجراء التحليلات الإحصائية خلصت الدراسة إلى النتائج التالية : أشارت نتائج تحليل الانحدار لبيانات النمط الأول ( تقارب المسافات بين قيم المتغير المستقل ) كفاءة كلتا الطريقتين ( المربعات الصغرى – متواسطات الميول ) في إثبات خطية العلاقة . كما أظهرت النتائج عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية وفي قيم خطأ التقدير  $\hat{\alpha} - \hat{\beta}$  تعزى إلى اختلاف الطريقة . كذلك عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين متواسطات القيم التقديرية ( $\hat{\gamma}$ ) تعزى إلى طريقة التقدير . ولذلك يمكن القول أن طريقة المربعات الصغرى وطريقة متواسطات الميول على نفس درجة الدقة في حساب معامل الانحدار في بيانات النمط الأول ( تقارب المسافات بين قيم المتغير المستقل ) . وأشارت نتائج تحليل الانحدار لبيانات النمط الثاني ( تباعد المسافات بين قيم المتغير المستقل ) عدم كفاءة الطريقتين ( المربعات الصغرى – متواسطات الميول ) في إثبات خطية العلاقة . كما أظهرت النتائج عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية في قيم خطأ التقدير  $\hat{\alpha} - \hat{\beta}$  تعزى إلى اختلاف الطريقة . كذلك عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين متواسطات القيم التقديرية ( $\hat{\gamma}$ ) تعزى إلى طريقة التقدير . ولذلك يمكن القول أن طريقة المربعات الصغرى وطريقة متواسطات الميول ليست على نفس درجة الدقة في حساب معامل الانحدار في بيانات النمط الثاني ( تباعد المسافات بين قيم المتغير المستقل ) . وأشارت نتائج تحليل الانحدار لبيانات النمط الثالث ( وجود قيمة شاذة لأحد عناصر المتغير التابع ) كفاءة كلتا الطريقتين ( المربعات الصغرى – متواسطات الميول ) في إثبات خطية العلاقة . كما أظهرت النتائج عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية وفي قيم خطأ التقدير  $\hat{\alpha} - \hat{\beta}$  تعزى إلى اختلاف الطريقة . كذلك عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين متواسطات القيم التقديرية ( $\hat{\gamma}$ ) تعزى إلى طريقة التقدير . ولذلك يمكن القول أن طريقة المربعات الصغرى وطريقة متواسطات الميول على نفس درجة الدقة في حساب معامل الانحدار في بيانات النمط الثالث ( وجود قيمة شاذة بين عناصر المتغير التابع ) . كما توصلت الدراسة إلى أن متواسطات الميول ذات كفاءة أعلى في حالة تباعد المسافات بين عناصر المتغير المستقل .

وبناءً على نتائج الدراسة أوصى الباحث بما يلي : إمكانية استخدام كلاً من طريقة المربعات الصغرى وطريقة متواسطات الميول في حساب معامل الانحدار الخطى البسيط ، يفضل استخدام طريقة متواسطات الميول لحساب معامل الانحدار الخطى البسيط لسهولة الحسابات الرياضية ، يفضل استخدام طريقة متواسطات الميول في حالة تباعد المسافات بين عناصر المتغير المستقل . عدم استخدام طريقة متواسطات الميول عند وجود قيمة غير معرفة ( المقام في قانون الميل يساوي صفرًا ) .

## Abstract

The study aimed to compare the accuracy in the calculation of the COEFFICIENT of the Simple linear between the Least squares method and Slope averages of sexual orientation has adopted a comparative study on the descriptive approach through the use of simulations to generate the data in the Excel program contains thirty-four an element has been divided into three patterns of (the distances between the values of the independent variable - the distances between the values of the independent variable - the presence of an abnormal value between elements of the variable).

After a statistical analysis study concluded the following results: the results of regression analysis indicated that the data type 1( distances between the values of the independent variable) the efficiency of both methods (the Least squares - Slope averages) linear relationship. Also, the results showed no statistically significant differences in the values of the estimate error  $|y - y^{\wedge}|$  Due to the difference in the way. The absence of statistically significant differences between the AVERAGES of the estimated values ( $y$ ) attributed to the method of appreciation. It could therefore be argued that the way the Least squares and Slope averages for the same degree of precision tendencies in the calculation of the REGRESSION COEFFICIENT in the data of the first pattern (distances between the values of the independent variable). The results of regression analysis data of the second style (the distances between the values of the independent variable) inefficient methods (Least squares - Slope averages) linear relationship. Also, the results showed no statistically significant differences in the values of the estimate error  $|y - y^{\wedge}|$  Due to the difference in the way. The absence of statistically significant differences between the AVERAGES of the estimated values ( $y$ ) attributed to the method of appreciation. It could therefore be argued that the way the Least squares and Slope averages of sexual orientation is not the same degree of accuracy in the computation of the gradient in the data of the second style (the distances between the values of the independent variable), and the results of regression analysis indicated the third pattern data (the presence of abnormal value of one of the changing elements of) the efficiency of both methods (Least squares - Slope averages) linear relationship. Also, the results showed no statistically significant differences in the values of the estimate error  $|y - y^{\wedge}|$  / Due to the difference in the way. The absence of statistically significant differences between the AVERAGES of the estimated values ( $y$ ) attributed to the method of appreciation. It could therefore be argued that the way the Least squares and Slope averages for the same degree of precision tendencies in the calculation of the COEFFICIENT

of the decline in the third pattern data (the presence of abnormal value between elements of the variable). The study found that the Slope averages of the PREDILECTIONS of higher efficiency in the case of the distances between elements of the independent variable.

Based on the results of the study, the researcher recommended recommend: the possibility of the use of both the way the Least squares and Slope averages in Calculating the modulus tendencies simple linear, preferred the use of the Slope averages for calculating the utilization factor tendencies averages simple linear easy mathematical calculations, preferred the use of the Slope averages in the case of the averages of the tendencies of the distances between elements of the independent variable .not to use Slope averages when the value of the orientation is not defined (primarily in the law of the tendency is equal to zero).

**الكلمات المفتاحية :** معامل الانحدار الخطي البسيط – طريقة المربعات الصغرى – طريقة متوسطات الميل

### ثالثاً: المقدمة

علم التنبؤ يستند إلى البيانات الماضية أو الخبرة الماضية، لهذا فإنه ليس عملاً عشوائياً ، ولكن التنبؤ بالمقابل لا يعني ولا يفترض أيضاً المطابقة بين الأحداث المتوقعة والأحداث الفعلية، وأن قدرًا معيناً من الخطأ ( انحراف التنبؤ عن الطلب الفعلي ) يمكن أن يحدث.

يذكر الصياد ، ربيع ، وعادل (٢٠٠٧) بأنه في مختلف التجارب والمشاهدات البحثية كثيراً ما نحصل على مجموعة من القراءات المتاظرة لمتغيرين أو أكثر... وقد يكون من المفيد بعد ذلك إيجاد العلاقة بين المتغيرات التي تواافق هذه القيم المتاظرة في صورة دالة تربط التغير الحادث كنتيجة لتغيرات أخرى مسببة .

ويذكر سمور (٢٠٠٧) أنه في التجارب العملية نحصل على جدول لمجموعة من القيم المتاظرة للمتغير المستقل(x) والمتغير التابع(y) فإن كل من هذه القيم المتاظرة تمثل نقطة واقعة على منحنى أو بالقرب منه ثم الحصول على معادلة ذلك المنحنى الذي يمر بكل أو معظم هذه النقط أو قريباً منها بحيث تدل هذه المعادلة على الصورة العامة للعلاقة بين المتغيرين موضوع الدراسة.

يشير المنيز وغرابية (٢٠١٠) إلى أن عملية التنبؤ هدف من الأهداف المهمة في ميدان العلوم السلوكية كما هو الحال في العلوم الأخرى . فعلى سبيل المثال المعدل التراكمي في الجامعة يمكن التنبؤ به من خلال درجات اختبار الاستعداد المدرسي ، ولكن ليس بشكل تام .

ويذكر النجار وحنفي (٢٠١٣) أنه لكي ندرس طرق قياس العلاقة بين متغيرين فلا بد من إيجاد علاقة رياضية تربط المتغيرين بعضهما البعض لكي يمكن التنبؤ بأحد المتغيرات بقيمة محددة للمتغير الآخر .

إن الانحدار الخطي البسيط هو عبارة عن تمثيل بياني على شكل نقاط في المستوى الإحداثي . هذه النقاط عبارة عن أزواج مرتبة من الإحداثيات السينية والصادية (x, y) . يسمى x المتغير المستقل ، و y المتغير التابع . ولتمثيل هذا الأسلوب هناك طريقة شائعة الاستخدام بين الباحثين تسمى طريقة المربعات الصغرى والتي من شأنها تقليل المسافة لكل الأزواج المتعلقة بقيمة x و y ( طبيه ، ٢٠٠٨).

يذكر الصمادي (٢٠١٦) بأن مهمة طريقة المربعات الصغرى هي تحديد أو حساب القيمة التنبؤية للمتغير التابع بدلالة المتغير المستقل واكتشاف مدى قرب هذه القيمة التنبؤية من القيمة الحقيقة أو الأصلية للمتغير التابع .بمعنى أنه باستخدام هذه الطريقة يمكن تكوين عدة نقاط من الأزواج المرتبة والتي تكونت نتيجة التعويض بقيمة المتغير المستقل للحصول على القيمة التنبؤية للمتغير التابع ، وبعد تكوين هذه النقاط يتم وصلها جميعا بخط مستقيم ، وحول هذا الخط المستقيم يتم تكوين أزواج النقاط المرتبة للفهم الأصلي .

قوة العلاقة في هذه الحالة أو ضعفها تعتمد على مدى قرب أو بعد القيم الأصلية عن الخط المستقيم وذلك من خلال حساب المسافة العمودية بين القيمة التنبؤية والقيمة الحقيقة للمتغير التابع . وفي هذه النقطة يذكر (الجاري ، ٢٠٠٧) أن خط التنبؤ يظهر في الخطوط العمودية حيث يتم وصل خط عمودي يربط بين القيمة الحقيقة والقيمة التنبؤية وكلما كان الخط العمودي أطول كلما كان خط التنبؤ أعلى .

ومما سبق جاءت فكرة الدراسة الحالية وهي مقارنة بين طريقي المربعات الصغرى ومتوسطات الميول في حساب معامل الانحدار الخطي البسيط .

#### رابعاً: مشكلة الدراسة وتساؤلاتها

يرى (الزغول ، ٢٠٠٥ ؛ الصمادي ، ٢٠١٦) أن معامل الانحدار (b) هو العامل الأهم في تلك العلاقة حيث أن زياته أو نقصه يؤثر بدرجة كبيرة في القيمة التنبؤية للمتغير التابع (y) .

وكوجهة نظر للباحث يرى أن معامل الانحدار ذو أهمية كبيرة في تلك المعادلة لأنه يدخل في حسابه قيمة الجزء المقطوع من المحور الصادي (a) من خلال المعادلة التالية :  $\bar{y} - b\bar{x} = a$  . إضافةً إلى ذلك فإن ثوابت معادلة الانحدار (b , a) تعتمد على قيم المتوسط الحسابي في تقديرها ، ومعلوم أن المتوسط الحسابي يتأثر بالقيم الشاذة التي تؤثر في دقة حسابه .

وعند مطالعة الدراسات التي بحثت حول طريقة المربعات الصغرى التي تدور حول معالجة المشاكل الطارئة على هذه النظرية سواء في المكونات الرئيسية أو في الفرضيات المتعلقة بها ، وكانت هذه الدراسات تقترح طرق علاجية بديلة ، فقد فتحت للباحث مجالاً للتقريب عن مشكلة تتعلق بطريقة المربعات الصغرى .

وفي ضوء ذلك شرعت الدراسة الحالية إلى إمكانية استخدام طريقة متوسطات الميول لحساب معامل الانحدار الخطي البسيط ومقارنة مدى الدقة مع طريقة المربعات الصغرى في ضوء ثلاثة أنماط من البيانات الإحصائية .

ويمكن صياغة مشكلة الدراسة في ضوء التساؤلات التالية :

١- هل تختلف نتائج طريقي المربعات الصغرى ومتوسطات الميول في الكشف عن خطية العلاقة بين المتغير المستقل (X) والمتغير التابع (Y) في أنماط البيانات ؟

٢- هل توجد فروق ذات دلالة إحصائية بين متوسطات خط التقدير حسب الطريقة المستخدمة في حساب معامل الانحدار الخطي البسيط ؟

٣- هل توجد فروق ذات دلالة إحصائية بين متوسطات القيم التنبؤية حسب الطريقة المستخدمة في حساب معامل الانحدار البسيط ؟

## خامساً: أهداف وأهمية الدراسة

### أ. أهداف الدراسة:

هدف الدراسة الحالية إلى معرفة الآتي :

- ١- الاختلاف بين نتائج طريقتي المربعات الصغرى و متوسطات الميول عند الكشف عن خطية العلاقة بين المتغير المستقل (X) والمتغير التابع (Y) .
- ٢- الفروق ذات الدلالة الإحصائية بين متوسطات خطأ التقدير حسب الطريقة المستخدمة في حساب معامل الانحدار الخطى البسيط .
- ٣- الفروق ذات دلالة إحصائية بين متوسطات القيم التنبؤية حسب الطريقة المستخدمة في حساب معامل الانحدار الخطى البسيط .

### ب. أهمية الدراسة:

تكمن أهمية هذه الدراسة من ناحيتين :

**الأولى:** من الناحية النظرية أنها تلقي الضوء على أهم الطرق في نماذج الانحدار الخطى البسيط (المربعات الصغرى ) بالإضافة إلى اقتراح طريقة لحساب معامل الانحدار الخطى البسيط (متوسطات الميول ) لكي تتم الاستفادة منها في مجال البحث العلمية .

**الثانية:** الناحية التطبيقية فهي تسهم في تقديم طريقة (متوسطات الميول ) لإيجاد العلاقة الخطية بين متغيرين (x,y) من خلال طرق حسابية بسيطة .

## سادساً: منهج الدراسة

تم استخدام المنهج الوصفي المقارن حيث إن الهدف الأساسي منها هو مقارنة مدى دقة حساب معامل الانحدار الخطى البسيط في حساب العلاقة الخطية بين المتغير التابع والمتغير المستقل، بطريقة المربعات الصغرى عند حسابه بالطريقة المقترنة (متوسطات الميول ) ومقارنة النتائج في كلا الطريقتين من ناحية دقة تحديد العلاقة الخطية بين المتغيرين .

## سابعاً: متن الدراسة من عناوين رئيسية وفرعية

### ١. مجتمع الدراسة:

الدراسة الحالية تتدرج تحت دراسات المحاكاة، لذا فإن مجتمع الدراسة عبارة عن عدد غير محدود من أزواج المشاهدات التي تمثل أي ظاهرة تحتوي على متغير تابع واحد (Y) ومتغير مستقل واحد (X) .

## ٢. عينة الدراسة:

تكونت عينة الدراسة من مجموعة من المشاهدات التي تم توليدها بواسطة برنامج اكسل Excel وتم تصنيفها على أساس متغير تابع واحد (Y) ومتغير مستقل واحد (X) مكونة من ٣٤ عنصراً ، وتم توليدها في ثلاثة أنماط (تقريب المسافات بين قيم المتغير المستقل - تباعد المسافات بين قيم المتغير المستقل - وجود قيمة شاذة بين عناصر المتغير التابع )

## ٣. أداة الدراسة:

تكونت أداة الدراسة من استمار ببيانات على هيئة صفوف وأعمدة ، اشتملت على (٦) أعمدة ، (٣٤) صف، حيث تمثل الأعمدة قيم المتغير المستقل (x) والمتغير التابع (y) في الأنماط الثلاثة للبيانات، وتمثل الصور عناصر تلك المتغيرات والتي تم توليدها بأسلوب المحاكاة، كما هو موضح بالجدول (١).

## ٤. التحقق من فرضيات نموذج الانحدار الخطي البسيط:

### النقط الأول: تقريب المسافات بين قيم المتغير المستقل

(أ) العلاقة الخطية بين المتغيرين: يتضح من شكل (١) الخاص بنقاط الانتشار لبيانات نمط (تقريب المسافات بين قيم المتغير المستقل) أن نقاط الانتشار التي تمثل العلاقة بين أزواج قيم المتغيرين المستقل والتابع هي علاقة خطية.

(ب) التوزيع الطبيعي لقيم المتغيرين: تشير النتائج في شكل (٢، ٣) الخاصين بنقاط الانتشار لبيانات نمط (تقريب المسافات بين قيم المتغير المستقل والتابع) أن بيانات كلا المتغيرين المستقل والتابع تتبع التوزيع الطبيعي.

(ج) التوزيع الطبيعي للبواقي: يتضح من شكل (٤) الخاص بالتوزيع الطبيعي للبواقي في نمط (تقريب المسافات بين قيم المتغير المستقل) أن النقاط تنتشر حول الخط المستقيم، وبالتالي فإن البيانات (البواقي) تتوزع حسب التوزيع الطبيعي.

(د) استقلالية البواقي: يمثل شكل (٥) الخاص باستقلالية البواقي في نمط (تقريب المسافات بين قيم المتغير المستقل) الانتشار للبواقي مع القيم المتوقعة ومنه يتضح عدم وجود نمط معين للنقاط في هذا الشكل وهذا مؤشر على استقلالية البواقي.

### النقط الثاني: تباعد المسافات بين قيم المتغير المستقل

(أ) العلاقة الخطية بين المتغيرين: يتضح من شكل (٦) الخاص بنقاط الانتشار لبيانات نمط (تباعد المسافات بين قيم المتغير المستقل) أن نقاط الانتشار التي تمثل العلاقة بين أزواج قيم المتغيرين المستقل والتابع هي علاقة خطية.

(ب) التوزيع الطبيعي لقيم المتغيرين: تشير النتائج في شكل (٨، ٧) الخاصين بالتوزيع الطبيعي للمتغير المستقل والتابع في نمط (تباعد المسافات بين قيم المتغير المستقل) أن بيانات كلا المتغيرين المستقل والتابع تتبع التوزيع الطبيعي.

(ج) التوزيع الطبيعي للبواقي: يتضح من شكل (٩) الخاص بالتوزيع الطبيعي للبواقي في نمط (تباعد المسافات بين قيم المتغير المستقل) بأن النقاط تنتشر حول الخط المستقيم، وبالتالي فإن البيانات (البواقي) تتوزع حسب التوزيع الطبيعي.

(د) استقلالية البواقي : يمثل شكل (١٠) الخاص باستقلالية البواقي في نمط (تباعد المسافات بين قيم المتغير المستقل) الانتشار للبواقي مع القيم المتوقعة ومنه يتضح عدم وجود نمط معين للنقاط في هذا الشكل وهذا مؤشر على استقلالية البواقي.

### النمط الثالث : وجود قيمة شاذة بين عناصر المتغير التابع

(أ) العلاقة الخطية بين المتغيرين: يتضح من شكل (١١) الخاص بنقاط الانتشار لبيانات نمط (وجود قيمة شاذة بين عناصر المتغير التابع) أن نقاط الانتشار التي تمثل العلاقة بين أزواج قيم المتغيرين المستقل والتابع هي علاقة خطية.

(ب) التوزيع الطبيعي لقيم المتغيرين: تشير النتائج في شكل (١٣، ١٢) الخاصين بالتوزيع الطبيعي للمتغير المستقل والتابع في نمط (وجود قيمة شاذة بين عناصر المتغير التابع) أن بيانات كلا المتغيرين المستقل والتابع تتبع التوزيع الطبيعي مع عدم تتحقق بشكل كافي في المتغير التابع بسبب النقطة الشاذة ولكن هذا لا يؤثر في حالة حجم العينة كان كبيراً.

(ج) التوزيع الطبيعي للبواقي: يتضح من شكل (١٤) الخاص بالتوزيع الطبيعي للبواقي في نمط (وجود قيمة شاذة بين عناصر المتغير التابع) أن النقاط تنتشر حول الخط المستقيم، وبالتالي فإن البيانات (البواقي) تتوزع حسب التوزيع الطبيعي.

(د) استقلالية البواقي: يمثل شكل (١٥) الخاص باستقلالية البواقي في نمط (وجود قيمة شاذة بين عناصر المتغير التابع) الانتشار للبواقي مع القيم المتوقعة ومنه يتضح عدم وجود نمط معين للنقاط في هذا الشكل وهذا مؤشر على استقلالية البواقي.

### ٥. المعالجة الإحصائية:

- ١) الرسم الانتشاري لتحديد اتجاه العلاقة بين المتغيرين ( $x$ ,  $y$ ).
- ٢) طريقة المربعات الصغرى لتحديد ثوابت معادلة الانحدار ( $a$ ,  $b$ ).
- ٣) اختبار تحليل التباين الأحادي للكشف عن دلالة خطية العلاقة.
- ٤) طريقة متوسطات الميوال (الوسط الحسابي – الوسيط – المنوال).
- ٥) اختبار (ت) للكشف عن دلالة خطية العلاقة في طريقة متوسطات الميوال.
- ٦) معامل التقدير  $R^2$ .
- ٧) خط التقدير  $\hat{y} = y$ .

٨) القيم التنبؤية  $\hat{y}$ .

## ثامناً: خاتمة و توصيات

### ١. ملخص نتائج الدراسة :

- أشارت نتائج تحليل الانحدار لبيانات النمط الأول ( تقارب المسافات بين عناصر المتغير المستقل ) كفاءة كلتا الطريقتين ( المربعات الصغرى - متوسطات الميول ) في إثبات خطية العلاقة . كما أظهرت النتائج عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( ٥,٠٥ ) وفي قيم خطأ التقدير  $\hat{e} = y - \hat{y}$  تعزى إلى اختلاف الطريقة . كذلك عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( ٥,٠٥ ) بين متوسطات القيم التقديرية (  $\hat{y}$  ) تعزى إلى طريقة التقدير . ولذلك يمكن القول أن طريقة المربعات الصغرى وطريقة متوسطات الميول على نفس درجة الدقة في حساب معامل الانحدار في بيانات النمط الأول .
- أشارت نتائج تحليل الانحدار لبيانات النمط الثاني ( تباعد المسافات بين عناصر المتغير المستقل ) عدم كفاءة الطريقتين ( المربعات الصغرى - متوسطات الميول ) في إثبات خطية العلاقة . كما أظهرت النتائج عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( ٥,٠٥ ) وفي قيم خطأ التقدير  $\hat{e} = y - \hat{y}$  تعزى إلى اختلاف الطريقة . كذلك عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( ٥,٠٥ ) بين متوسطات القيم التقديرية (  $\hat{y}$  ) تعزى إلى طريقة التقدير . ولذلك يمكن القول أن طريقة المربعات الصغرى وطريقة متوسطات الميول ليست على نفس درجة الدقة في حساب معامل الانحدار في بيانات النمط الثاني .
- أشارت نتائج تحليل الانحدار لبيانات النمط الثالث ( وجود قيمة شاذة لأحد عناصر المتغير التابع ) كفاءة كلتا الطريقتين ( المربعات الصغرى - متوسطات الميول ) في إثبات خطية العلاقة . كما أظهرت النتائج عدم

وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (٥٠,٥) وفي قيم خط التقدير  $\hat{y} - y$  تعزى إلى اختلاف الطريقة . كذلك عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (٥٠,٥) بين متوسطات القيم التقديرية ( $\hat{y}$ ) تعزى إلى طريقة التقدير . ولذلك يمكن القول أن طريقة المربعات الصغرى وطريقة متوسطات الميل على نفس درجة الدقة في حساب معامل الانحدار في بيانات النمط الأول .

- طريقة متوسطات الميل ذات كفاءة أعلى من طريقة المربعات الصغرى في حالة تباعد المسافات بين عناصر المتغير المستقل .

## ٢. توصيات الدراسة :

- إمكانية استخدام كل من طريقة المربعات الصغرى وطريقة متوسطات الميل في حساب معامل الانحدار الخطى البسيط .

- يفضل استخدام طريقة متوسطات الميل لحساب معامل الانحدار الخطى البسيط لسهولة الحسابات الرياضية .

- يفضل استخدام طريقة متوسطات الميل في حالة تباعد المسافات بين عناصر المتغير المستقل .

- عدم استخدام طريقة متوسطات الميل عند وجود قيمة غير معرفة ( المقام في قانون الميل يساوي صفرأ ) .

## ٣. الدراسات والبحوث المقترحة:

- إجراء دراسة لمقارنة دقة معاملات الانحدار المتعدد باستخدام طريقى المربعات الصغرى ومتوسطات الميل .

- إجراء دراسة لاكتشاف طرق أخرى تحسب معامل الانحدار بخلاف الطرق المستخدمة في الدراسة الحالية .

- استخدام كل من الوسط الهندسي، والوسط التوافقي في طريقة متوسطات الميل.

- إجراء دراسة لاستخدام طرق حساب الجزء المقطوع من المحور الصادى.

- إجراء دراسة لمعالجة وجود قيمة غير معينة في طريقة متوسطات الميل.

## تاسعاً: مصادر ومراجع

١. أبو عقيل، ابراهيم. (٢٠١٢). مبادئ في الإحصاء. عمان -الأردن: دار أسامة للنشر والتوزيع.

٢. أبو قديري، جميل فرهود. (٢٠١٦). استخدام البوافي والقيم الشاذة للكشف عن انتهاكات افتراءات تحليل الانحدار الخطى البسيط. الأردن: جامعة مؤتة.
٣. الجادري، عدنان حسين. (٢٠٠٧). الإحصاء الوصفي في العلوم التربوية. عمان: دار المسيرة للنشر والتوزيع والطباعة.
٤. الجراح، محمد عبدالمهدي رضا. (٢٠٠٤). مقارنة طريقي المربعات الصغرى والمكونات الرئيسية في تحليل الانحدار باستخدام أسلوب المحاكاة. الأردن: جامعة آل البيت - كلية الأداب والعلوم.
٥. الزغول، عماد عبدالرحيم. (٢٠٠٥). الإحصاء التربوي. عمان - الأردن: دار الشروق.
٦. السيف، ناهض سليم. (٢٠٠٢). استخدام أسلوب المحاكاة في مقارنة بين طريقي المربعات الصغرى وانحدار الحرف. الأردن: جامعة آل البيت - كلية الأداب والعلوم.
٧. الشميري، خالد سعد سلطان، و البشير، زين العابدين عبدالرحيم. (٢٠١٤). اكتشاف القيم الشاذة وتقديرها في الانحدار الخطى بالتطبيق على بيانات معدلات النمو وفقاً لأعمار الأطفال في العام ١٩٨٧. مجلة العلوم الطبية والطبيعية (٢)، ١١٩ - ١٢٨.
٨. الصفاوي، صفاء يونس، ضياء الدين، سيف الدين، و شاكر، صالح مؤيد. (٢٠١٠). استخدام طريقة المربعات الصغرى الجزئية للتخلص من تعدد العلاقة الخطية. المجلة العراقية للعلوم الإحصائية (١٧)، ١١٥ - ١٢٨.
٩. الصفاوي، صفاء يونس، و طه، عمار حازم. (٢٠٠٥). بعض طرائق المقدرات التقليدية ومقدار بيز لمعلمات نموذج الانحدار الخطى العام. العراق: جامعة الموصل.
١٠. الصمادي، عبدالله عبدالغفور. (٢٠١٦). أساسيات الإحصاء. عمان: دار الشروق.
١١. الصياد، جلال مصطفى، و حبيب، محمد الدسوقي. (٢٠١٥). مقدمة في الطرق الإحصائية. جدة: دار الحافظ.
١٢. الصياد، جلال، ربيع، عبدالحميد، و عادل، سمرة. (٢٠٠٧). الإحصاء. جدة : دار الحافظ.
١٣. المنizzل، عبدالله فلاح، و غرابيه، عايش موسى. (٢٠١٠). الإحصاء التربوي. عمان - الأردن: دار المسيرة للنشر والتوزيع والطباعة.
١٤. النجار، عبدالله، و حنفي، أسامة. (٢٠١٣). مبادئ الإحصاء للعلوم الإنسانية. الرياض: مكتبة الملك فهد للنشر.
١٥. الهبيتي، مصطفى إسماعيل نايف ناجي. (٢٠٠٣). مقارنة بين طريقي انحدار الجذور الصماء والمربعات الصغرى باستخدام أسلوب المحاكاة. الأردن: جامعة آل البيت - كلية الأداب والعلوم.
١٦. سمور، خالد قاسم. (٢٠٠٧). الإحصاء. عمان ، الأردن: دار الفكر.

١٧. شبيجل، مواري ر. (٢٠٠٤). الإحصاء. ترجمة شعبان عبدالحميد واحمد حسن الموازي. القاهرة: الدار الدولية للاستثمارات الثقافية.
١٨. شحاته، أحمد رمزي محمود. (٢٠٠١). دور البواقي في تحليل الانحدار والسلسل الزمنية واختبارات المعنوية. مصر: كلية التجارة - جامعة الزقازيق.
١٩. صبرى، عزام. (٢٠٠٢). الرياضيات في النهايات والاشتقاق وتطبيقاته. عمان -الأردن: دار صفاء للنشر والتوزيع.
٢٠. طبية، أحمد عبدالسميع. (٢٠٠٨). مبادئ الإحصاء. عمان: دار البداية ناشرون وموزعون.
٢١. عبدالله، عصام الدين يوسف. (٢٠١٥). تأثير القيم الشاذة في معلمات نموذج تحليل الانحدار الخطى المتعدد. السودان: جامعة السودان للعلوم والتكنولوجيا.
٢٢. عبدالمنعم، ثروت محمد. (٢٠٠١). مدخل حديث للإحصاء والاحتمالات. الرياض: العبيكان للنشر.
٢٣. قطب، عبدالحميد محمود قطب. (٢٠١٥). الإحصاء. الطائف: جامعة الطائف.
٢٤. كاظم، صفاء كريم. (٢٠٠٩). المقارنة بين تقديرات معالم نموذج الانحدار الخطى المتعدد باستخدام أسلوب المربعات الصغرى وأسلوب برمجة الأهداف الخطية. مجلة الإداره والإقتصاد العدد (٧٧)، الصفحتان ٢١٣ - ٢٠٠ .
٢٥. مصطفى، وجيه عبدالله. (٢٠١٦). مبادئ إحصاء الأعمال. الطائف: المكتبة العربية.
٢٦. هندي، محمود محمد، و سلطان، خلف سلمان. (٢٠٠٦). مفاهيم لطرق التحليل الإحصائي. الرياض: مكتبة الرشد - ناشرون.
٢٧. يوسف، حمدى، وأبو شنب، عصام بسيونى. (٢٠٠٦). المختصر في الرياضيات. المملكة العربية السعودية: المكتبة الفيصلية.
- Hansen, N. R. (2010). *Probability Theory and Statistics*. Copenhagen: ٢٨ University of Copenhagen.
- PARANAGAMA , T. D. (2010). *A SIMULATION STUDY OF THE ROBUSTNESS OF THE LEAST MEDIAN OF SQUARES ESTIMATOR OF SLOPE IN A REGRESSION THROUGH THE ORIGIN MODEL* . Kansas: ٢٩ Department of Statistics College of Arts and Sciences .
- Smith, M. J. (2014). *Statistical Analysis Handbook*. UK : a web-based statistics ٣٠ resource.
- Abebe, A., Daniels, J., & Mckean, J. W. (2001). *Statistics and Data Analysis*. ٣١ Michigan: statistical Computation Lab .

Osborne , & Waters. (2002). *Four assumptions of multiple regression that researchers should always test*. *Practical Assessment, Research & Evaluation*, ٣٢, p. 8(2).

Skinner, C. (2009). *Statistics*. Cambridge: Cambridge University Press. ٣٣

## عاشرًا: الجداول والملحق

١. من الجداول:

جدول (١)

استماراة بيانات أداة الدراسة مقسمة إلى ثلاثة أنماط

النمط الأول : تقارب المسافات بين عناصر المتغير التابع	النمط الثاني: قيم المتغير المستقل	النمط الثالث: وجود قيمة شاذة بين عناصر المتغير التابع
---	-----------------------------------	---

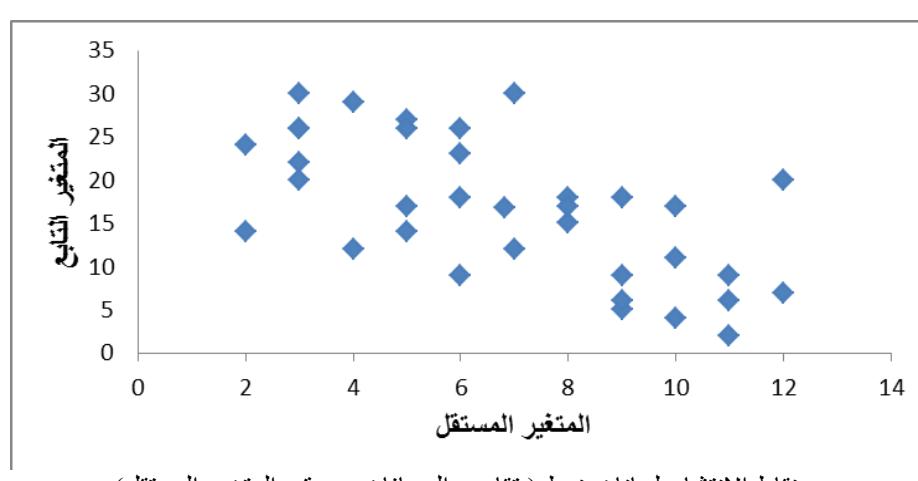
المتغير التابع y	المتغير المستقل x	المتغير التابع y	المتغير المستقل x	المتغير التابع y	المتغير المستقل x
١٢	٤	٩٧	٨٣	١٢	٤
٣٠	٣	٥٩	٧٩	٣٠	٣
٢	١١	٥٨	٦٣	٢	١١
١٨	٩	٢٢	٤٠	١٨	٩
٧	١٢	٢٧	٤٥	٧	١٢
٤	١٠	٦٨	٨	٤	١٠
١٥	٨	٩٢	٨٤	١٥	٨
١٧	١٠	٢٤	٢	١٧	١٠
٥	٩	٧٧	٦٥	٥	٩
١٣٠	٣	٩٦	٧٠	٢٠	٣
١٨	٦	٩٨	٧٤	١٨	٦
١٧	٥	١٠٠	٨٤	١٧	٥
١١	١٠	٨٠	١١	١١	١٠
٦	٩	٩٥	٢٠	٦	٩
٩	٦	٧٩	١٧	٩	٦
٢٢	٣	٧٧	٦٠	٢٢	٣
٦	١١	٥٥	٨١	٦	١١
٢٦	٣	٢٠	٥٠	٢٦	٣
١٤	٥	٤٥	٥٤	١٤	٥
٢٩	٤	٢٧	٣٤	٢٩	٤
١٤	٢	٣٠	٩	١٤	٢
١٢	٧	١٤	١٨	١٢	٧
٩	١١	٦٢	٣٣	٩	١١
٢٠	١٢	٤٥	٢٨	٢٠	١٢
٢٦	٣	٤٧	٤٣	٢٦	٣
٢٧	٥	٨٨	٥٦	٢٧	٥
٩	٩	٩٩	٨٩	٩	٩
٢٣	٦	٦٥	٥١	٢٣	٦
١٨	٨	٨٤	٥٦	١٨	٨
٢٤	٢	٨٨	٧٠	٢٤	٢

٢٦	٥	٢٩	٤٠	٢٦	٥
٢٦	٦	٩٨	١	٢٦	٦
١٧	٨	٩٩	٧	١٧	٨
٣٠	٧	١٠٠	٨	٣٠	٧

## ٢. ملخص الأشكال:

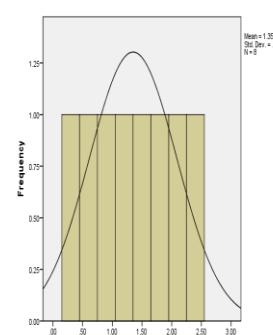
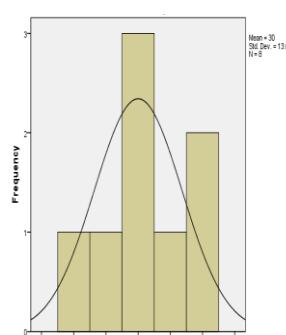
شكل (١)

(أ) العلاقة الخطية بين المتغيرين:



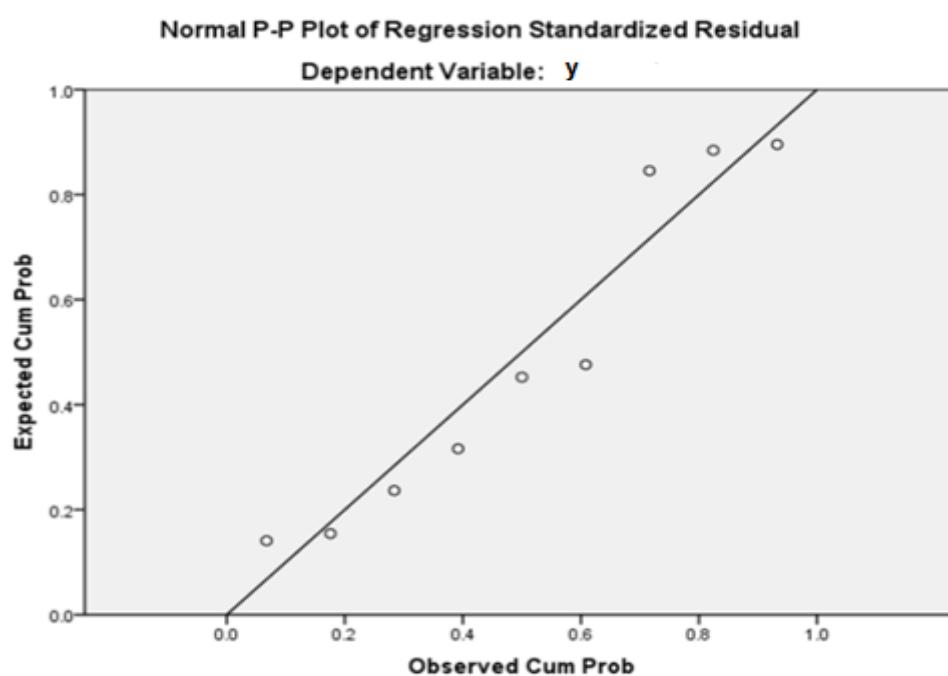
شكل (٢ ، ٣)

(ب) التوزيع الطبيعي لقيم المتغيرين :



#### شكل (٤)

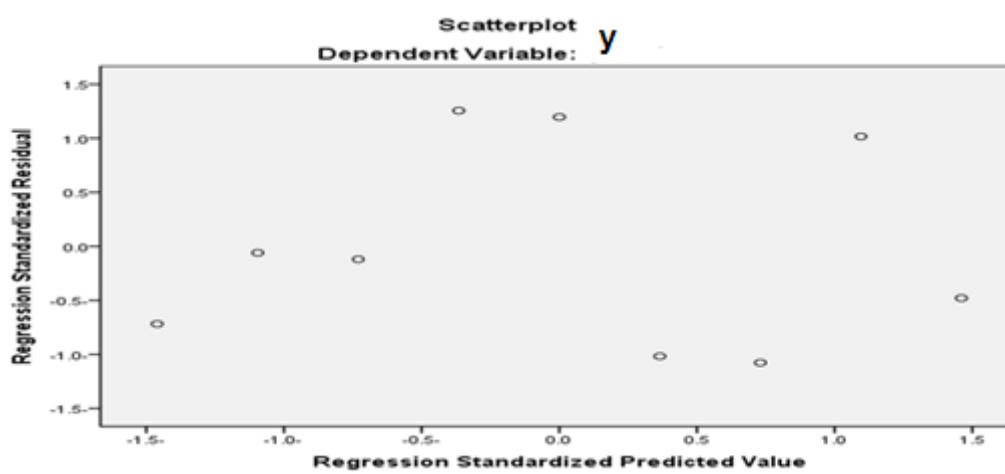
(ج) التوزيع الطبيعي للباقي:



التوزيع الطبيعي للباقي في نمط ( تقارب المسافات بين قيم المتغير المستقل )

#### شكل (٥)

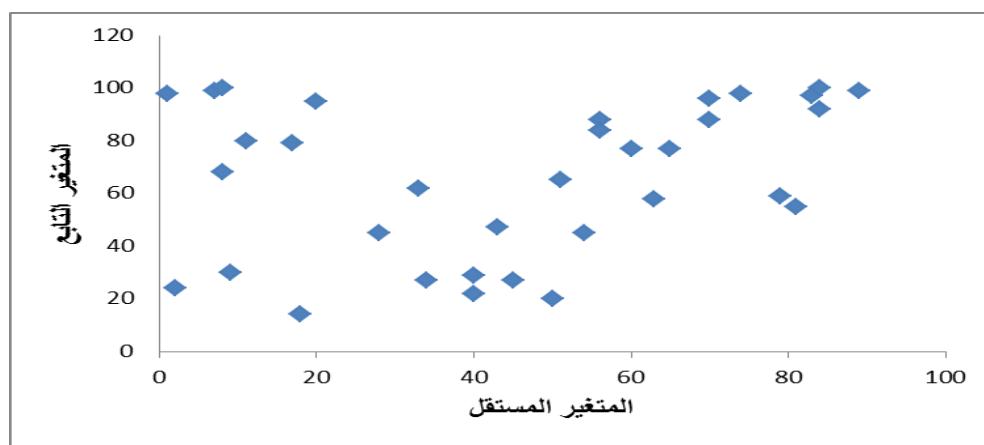
(د) استقلالية الباقي:



### استقلالية الباقي في نمط (تقارب المسافات بين قيم المتغير المستقل)

شكل (٦)

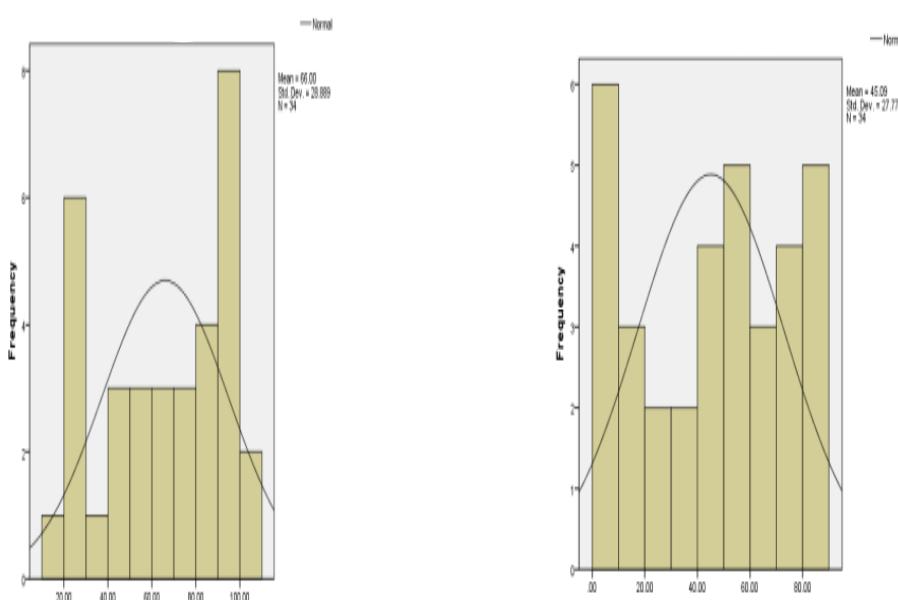
(أ) العلاقة الخطية بين المتغيرين:



نقاط الانتشار لبيانات نمط (تباعد المسافات بين قيم المتغير المستقل)

شكل (٧ ، ٨)

(ب) التوزيع الطبيعي لقيم المتغيرين:

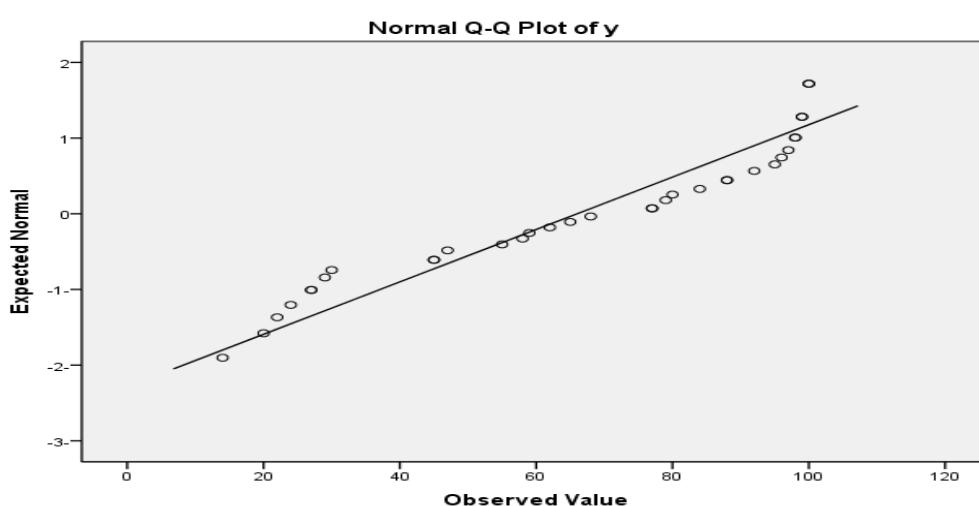


التوزيع الطبيعي للمتغير التابع في نمط  
(تباعد المسافات بين قيم المتغير المستقل)

التوزيع الطبيعي للمتغير المستقل في نمط  
(تباعد المسافات بين قيم المتغير المستقل)

### شكل (٩)

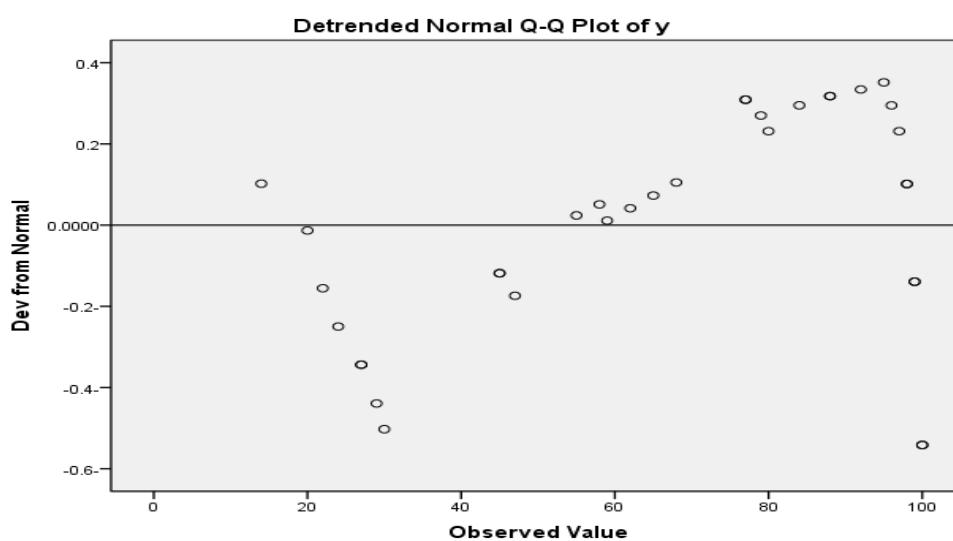
(ج) التوزيع الطبيعي للبواقي:



التوزيع الطبيعي للبواقي في نمط (تباعد المسافات بين قيم المتغير المستقل)

### شكل (١٠)

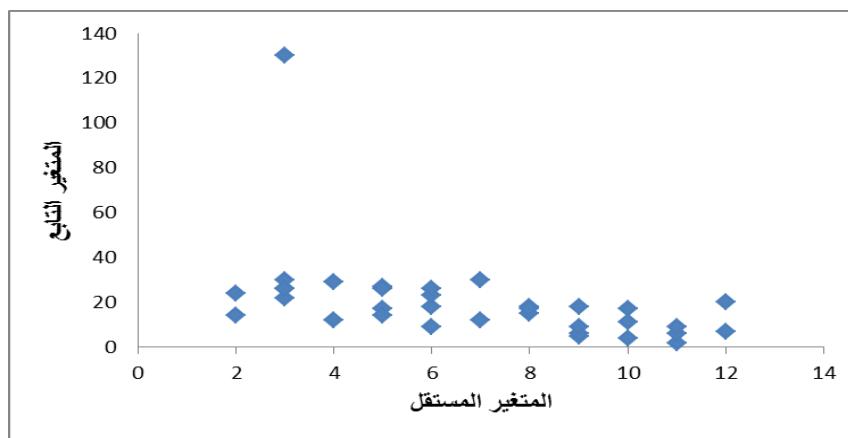
(د) استقلالية البواقي :



استقلالية البواقي في نمط (تباعد المسافات بين قيم المتغير المستقل)

### شكل (١١)

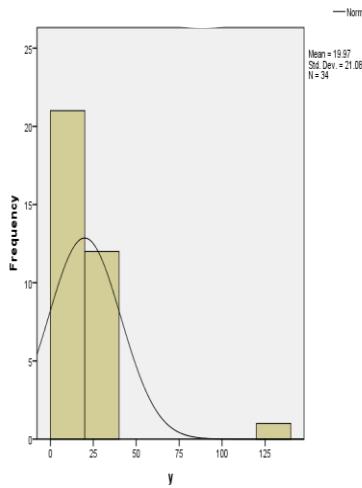
(أ) العلاقة الخطية بين المتغيرين:



نقاط الإنتشار لبيانات نمط ( وجود قيمة شاذة بين عناصر المتغير التابع )

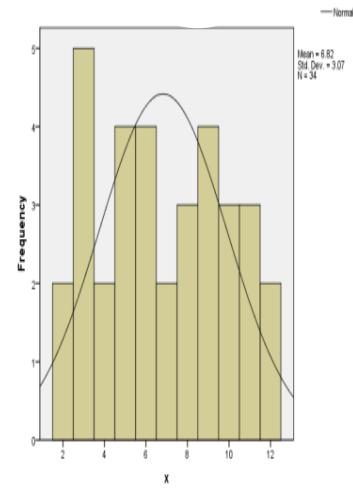
### شكل (١٢ ، ١٣)

(ب) التوزيع الطبيعي لقيم المتغيرين:



التوزيع الطبيعي للمتغير التابع في نمط

( وجود قيمة شاذة بين عناصر المتغير التابع )

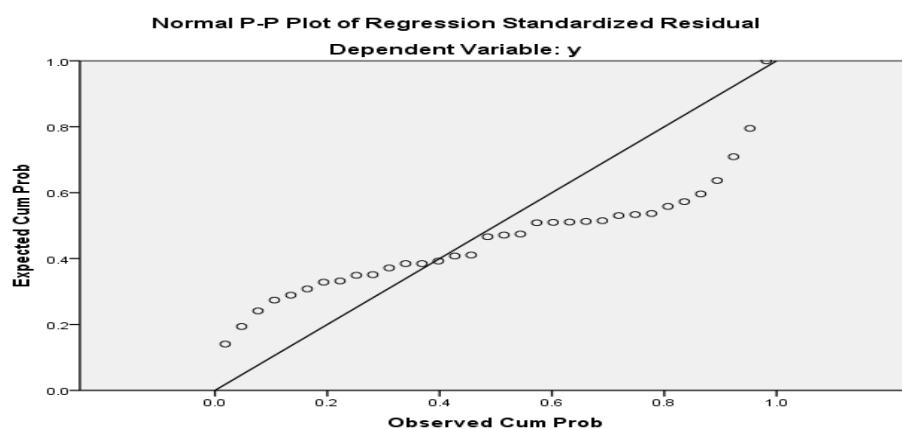


التوزيع الطبيعي للمتغير المستقل في نمط

( وجود قيمة شاذة بين عناصر المتغير التابع )

شكل (١٤)

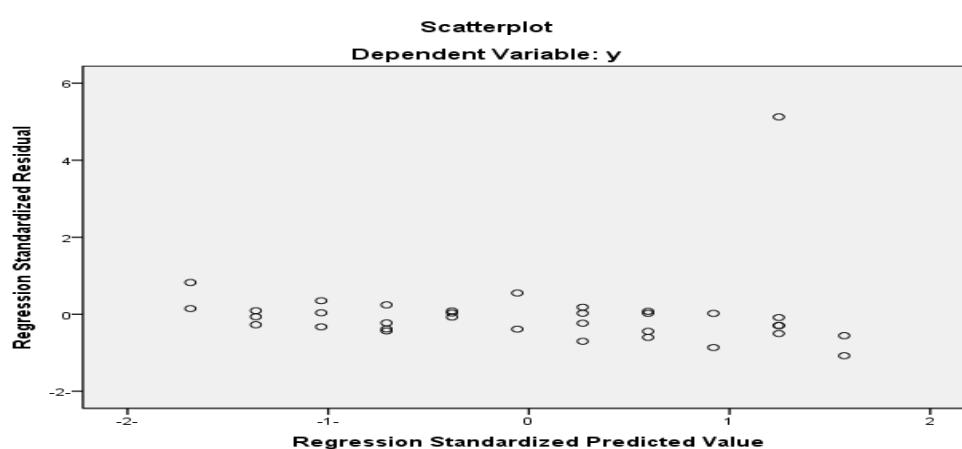
(ج) التوزيع الطبيعي للبواقي:



التوزيع الطبيعي للبواقي في نمط ( وجود قيمة شاذة بين عناصر المتغير التابع )

شكل (١٥)

(د) استقلالية البواقي:



استقلالية البواقي في نمط ( وجود قيمة شاذة بين عناصر المتغير التابع )



[www.mecsj.com\ar](http://www.mecsj.com\ar)

المجلة الإلكترونية الشاملة متعددة المعرفة لنشر الأبحاث العلمية والتربوية (MECSJ)

العدد الحادي عشر (آذار) ٢٠١٩